



REPRÉSENTATION DES NOMBRES ENTIERS RELATIFS

[Frédéric PEURIERE - Marion SZPIEG]

Savoir comment sont représentées les entiers relatifs en base 2

Être capable de les manipuler

Savoir faire la conversion base 10 -> base 2 avec la méthode du complément à 2

1. La méthode du complément à deux

Avant de représenter un entier relatif avec cette méthode, il est nécessaire de définir le nombre de bits qui seront utilisés pour cette représentation (souvent 8, 16, 32 ou 64 bits)

Voici la méthode du complément à deux pour coder les nombres entiers négatifs (pour les positifs, on garde la représentation binaire du chapitre 1), avec un exemple en parallèle :

Méthode	Exemple : écriture de -15 sur un octet
On écrit la valeur absolue du nombre négatif en binaire	$(15)_{10} = (00001111)_2$
On inverse chaque bit de cette écriture (les 0 deviennent des 1 et vice versa)	On inverse : 11110000
On ajoute 1 (en base 2) en tenant compte des éventuelles retenues	$(11110000)_2 + (00000001)_2 = (11110001)_2$

Donc, $(-15)_{10} = (11110001)_{c2}$

2. Application de la méthode sur un quartet

Convertissons tous les nombres binaires positifs et négatifs sur un quartet :

Nombre positif en base 10	Codage sur un quartet en base 2	Nombre négatif en base 10	Codage sur un quartet en base 2
0	0000	0	0000
1	0001	-1	1111
2	0010	-2	1110
3	0011	-3	1101
4	0100	-4	1100
5	0101	-5	1011
6	0110	-6	1010
7	0111	-7	1001
		-8	1000

Remarque : tous les nombres positifs commencent par 0 et tous les entiers négatifs commencent par 1.

3. Propriétés de la méthode du complément à 2

Propriété sur le bit de signe: lorsqu'un entier relatif est codé en base 2 avec la méthode du complément à 2, le 1^{er} bit indique son signe : s'il commence par un 0, c'est un nombre positif et s'il commence par un 1, c'est un nombre entier négatif.

Propriété sur l'étendue : sur n bits, avec la méthode du complément à 2, on peut représenter les entiers entre -2^{n-1} et $2^{n-1}-1$

Exemple : sur un octet on code les entiers compris entre -128 et 127.

Propriété sur la soustraction : avec la méthode du complément à 2, une soustraction est vue comme une addition avec un nombre négatif :

Exemple : effectuant la soustraction 4-7, et vérifions que le résultat trouvé est bien ce qu'on trouve en base 10 : $4-7 = 4+(-7)$. On pose l'addition :

$$\begin{array}{r} \\ + \\ \hline \end{array}$$

Or : $(1101)_{c2} = (-3)_{10}$: on trouve bien le résultat auquel on s'attendait !

Propriété en cas de dépassement de retenue: avec la méthode du complément à 2, si une retenue dépasse le nombre de bits décidé au départ, il n'y a pas de problème de type « overflow ». Cette retenue est juste ignorée.

Exemple : faisons l'opération 1-1 :

$$\begin{array}{r} \\ + \\ \hline \\ \pm \end{array}$$

En ignorant le 5^e bit, on tombe sur 0, ce qui est bien le résultat attendu.